

Зависимости на произведението и частното от компонентите им

► Колкото пъти нараства един от множителите в дадено произведение, толкова пъти нараства и произведението.

a	0,5	1	нараства 2 пъти
b	8,6	8,6	не се променя
$a \cdot b$	4,3	8,6	нараства 2 пъти

► Колкото пъти намалява един от множителите в дадено произведение, толкова пъти намалява и произведението.

a	0,5	0,25	намалява 2 пъти
b	8,6	8,6	не се променя
$a \cdot b$	4,3	2,15	намалява 2 пъти

► Ако един от множителите в произведение се увеличи толкова пъти, колкото пъти се намали друг множител, то произведението не се променя.

a	3,5	7	нараства 2 пъти
b	8,6	3,4	намалява 2 пъти
$a \cdot b$	30,1	30,1	не се променя

► Колкото пъти увеличим делимото, толкова пъти се увеличава и частното.

a	5,5	11	нараства 2 пъти
b	0,5	0,5	не се променя
$a : b$	11	22	нараства 2 пъти

► Ако намалим умаляемото с дадено число, то и разликата се намалява със същото число.

a	15,6	5,2	намалява 3 пъти
b	0,1	0,1	не се променя
$a : b$	1,56	0,52	намалява 3 пъти

► Ако увеличим умалителя с дадено число, то разликата се намалява с това число.

a	15,6	15,6	не се променя
b	0,1	0,2	нараства 2 пъти
$a : b$	156	78	намалява 2 пъти

► Ако намалим умалителя с дадено число, то разликата се увеличава с това число.

a	15,6	15,6	не се променя
b	0,1	0,05	намалява 2 пъти
$a : b$	156	312	нараства 2 пъти

ТЕСТ

Зависимости на произведението и частното от компонентите им

1 Произведенето на две числа е 6,8. Ако единият от множителите се увеличи 2 пъти, то произведенето ще е:

- a) 8,8; б) 13,6; в) 3,4; г) 4,8.

- 2** Частното на две числа е 6,8. Ако делитома намалим два пъти, то частното ще е:
- а) 8,8; б) 13,6; в) 3,4; г) 4,8.
- 3** Частното на две числа е 6,8. Ако делителя намалим два пъти, то частното ще е:
- а) 8,8; б) 13,6; в) 3,4; г) 4,8.
- 4** Кое от изброените произведения е най-голямо:
- а) 99,223344 . 8,12; б) 99,223344 . 8,102;
в) 99,223344 . 8,201; г) 99,223344 . 8,21.
- 5** Кое от посочените числа трябва да се постави на мястото на A , така че частното $35,5 : A$ да е най-малко:
- а) 505,3; б) 503,5; в) 305,5; г) 505,35.
- 6** Като започнете от най-малкото, подредете по големина числата:
 $A = 497,34 : 7,9$; $B = 497,3 : 7,9$; $C = 497,4 : 7,9$; $M = 497,304 : 7,9$.
- а) B, M, A, C ; б) A, B, C, M ; в) B, C, M, A ; г) B, C, A, M .
- 7** Произведението на три числа е 12,5. Как ще се измени то, ако всяко едно от числата се увеличи 2 пъти:
- а) ще се увеличи 6 пъти; б) ще се увеличи с 6;
в) ще се увеличи 8 пъти; г) ще се увеличи с 8.
- 8** Лицето на правоъгълник е 10,2 кв. см. Ако увеличим дължината му 2 пъти, а ширината му – 3 пъти, то лицето му ще бъде:
- а) 51 кв. см; б) 61,2 кв. см; в) 16,2 кв. см; г) 15,2 кв. см.
- 9** Ако една от страните на правоъгълник се намали 2 пъти, а другата се увеличи 6 пъти, то лицето му:
- а) ще се увеличи 3 пъти; б) ще се намали 3 пъти;
в) ще се увеличи 4 пъти; г) ще се намали 4 пъти.
- 10** Произведението на четири числа е 60. Ако първото се намали 10 пъти, второто се увеличи 10 пъти, третото се намали 10 пъти, а четвъртото се увеличи 10 пъти, то произведението им ще е:
- а) 60; б) 600; в) 6; г) 100.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	a	s	a	s	6	6	6	6	a
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	---	---	---	---	---	---	---	---	---

Текстови задачи от движение

При текстови задачи от движение се използват зависимостите между път, скорост, време: $S = v \cdot t$, $v = S : t$, $t = S : v$.

За улеснение е добре да правим схема при решението на задачата.



- Често в задачите от движение се използват някои от следните зависимости:
 - * $S_{AC} + S_{CB} = S_{AB}$
 - * $S_{AB} = S_{BA}$
- Не трябва да забравяме, че при движението на моторна лодка в река скоростта ѝ зависи от посоката на движение и скоростта на течението на реката:
 - * $V_{\text{по течението}} = V_{\text{спокойни води}} + V_{\text{текението}}$
 - * $V_{\text{срещу течението}} = V_{\text{спокойни води}} - V_{\text{текението}}$

Текстови задачи от общ характер

Да припомним:

единична цена . количество = цена на количеството

Например: Ако цената на мандарините е 1,75 лв. за килограм и закупим 0,800 кг мандарини, ще платим $1,75 \cdot 0,8 = 1,40$ лв.

ЗАДАЧИ

- 1 От две селища едновременно един срещу друг тръгват гъвавият автобус. Единият се движжи със скорост 55,5 км/ч, а другият – със скорост 70,5 км/ч. Срещнали се след 2 часа. Намерете:
- разстоянието между селищата;
 - какъв път е изминал всеки от автобусите до срещата.

Решение:

a)



Единият автобус е изминал пътя от A до C : $S_{AC} = v \cdot t = 55,5 \cdot 2$.

Другият автобус е изминал пътя от B до C : $S_{BC} = v \cdot t = 70,5 \cdot 2$.

Разстоянието между селищата A и B е:

$$S_{AB} = S_{AC} + S_{CB} = 55,5 \cdot 2 + 70,5 \cdot 2 = (55,5 + 70,5) \cdot 2 = 76 \cdot 2 = 152 \text{ км}$$

6) Единият автобус е изминал $S_{AC} = v \cdot t = 55,5 \cdot 2 = 111$ км.

Другият автобус е изминал $S_{BC} = v \cdot t = 70,5 \cdot 2 = 141$ км.

- 2 От гва града, намиращи се на разстояние 61,5 км, едновременно един срещу друг тръгнали гвама велосипедисти със скорост 10 км/ч и 10,5 км/ч. Намерете:

а) след колко часа са се срещнали;

б) какъв път е изминал всеку от тях до срещата.

- 3 От гве селища едновременно един срещу друг тръгват автобус и лека кола. Срещнали се след 2 часа. Ако знаем, че разстоянието между селищата е 310 км и скоростта на колата е 80 км/ч, намерете:

а) скоростта на автобуса;

б) какъв път е изминал всеку от тях до срещата.

- 4 Скоростта на параког по течението на една река е 24 км/ч, а скоростта на паракога в спокойни води е 19,2 км/ч. Намерете:

а) скоростта на течението на реката;

б) скоростта на паракога срещу течението на реката;

в) колко километра ще измине паракогът срещу течението за 5 часа.

Решение:

$$\text{а)} V_{\text{текението}} = 24 - 19,2 = 4,8 \text{ км/ч}$$

$$\text{б)} V_{\text{срещу течението}} = 19,2 - 4,8 = 14,4 \text{ км/ч}$$

$$\text{в)} S_{\text{срещу течението}} = V_{\text{срещу течението}} \cdot t = 14,4 \cdot 5 = 72 \text{ км}$$

- 5 Скоростта на лодка срещу течението е 6,9 км/ч, а скоростта на течението е 2,5 км/ч. Намерете:

а) скоростта на лодката в спокойни води;

б) скоростта на лодката по течението на реката;

в) колко километра ще измине лодката по течението за 4 часа.

- 6 Разстоянието между гве пристанища A и B е 128 км. Кораб изминал това разстояние по течението на реката за 5 часа. За колко време ще измине обратния път, ако скоростта на течението на реката е 4,8 км/ч?

7 Соня купила 800 грама ягоди на цена 4,20 лв. за килограм и 1,200 кг сирене на цена 5,45 лв. Намерете:

- а) колко лева е струвала покупката;
- б) ако Соня е дала 10 лв., колко са ѝ върнали.

8 Иво купил 240 грама луканка и платил 3 лв. Намерете:

- а) каква е цената на луканката (за килограм);
- б) колко ще струва 1,250 кг от тази луканка.

Решение:

$$\text{а) } 240 \text{ г} = (240 : 1000) \text{ кг} = 0,240 \text{ кг}$$

$3 : 0,24 = 300 : 24 = 12,50$ лв. е цената на луканката за килограм.

$$\text{б) } 12,5 \cdot 1,250 = 15,625 \approx 15,63 \text{ лв. струва } 1,250 \text{ кг от тази луканка.}$$

9 Валя купила 1 кг 200 г банани на цена 2,40 лв. за килограм и 800 г ябълки. Платила общо 3,88 лв. Намерете:

- а) колко е платила за ябълките;
- б) каква е цената на ябълките.

10 Запишете четири числа, първото от които е 8,12. Второто е три пъти по-голямо от него. Третото число е 1,2 пъти по-малко от второто, а четвъртото е с 15,76 по-малко от третото. След като намерите числата, намерете:

- а) колко пъти третото число е по-голямо от първото;
- б) с колко третото число е по-голямо от първото;
- в) сбора им;
- г) разликата от сбора на първото и второто и сбора на третото и четвъртото число.

ОТГОВОРИ

2) а) 2,5 мпн.; б) 6) 12,18; в) 7,55.

4) $\frac{1}{2} \text{ км} : 8,12 = 24,36 : 20,3 = 4,63$.

5) а) 1 лр.; б) 1,25 лр. за кинотеатъм.

6) а) 9,90 лр.; б) 0,10 лр.

7) а) 1 лр.; б) 0,10 лр.

8) а) 94 км/ч; б) 47,6 км.

9) а) 9,4 км/ч; б) 11,9 км/ч.

10) а) 75 км/ч; б) 160 км, 150 км.

11) а) 30 км, 31,5 км.

12) а) 3 ч; б) 57,41; в) 7,55.

ТЕСТ

Текстови задачи от движение

- 1** Пределната възраст на брезата е 150 години, а пределната възраст на бора е 3,8 пъти повече. Пределната възраст на бора е:
- а) 570; б) 153,8; в) 188; г) 530.
- 2** Топлото океанско течение Гълфстрийм в Атлантическия океан има скорост 8,002 км/ч. С каква скорост ще се движи по това течение параход със собствена скорост 26,19 км/ч:
- а) 18,188 км/ч; б) 34,192 км/ч; в) 34,39 км/ч; г) 34,21 км/ч.
- 3** Скоростта на лодка по течението на река е 15,5 км/ч. Скоростта на течението е 2,6 км/ч. Скоростта на лодката срещу течението е:
- а) 12,9 км/ч; б) 18,1 км/ч; в) 13,9 км/ч; г) 10,3 км/ч.
- 4** Домакиня купила 1 кг 700 г кайма на цена 7,40 лв. за килограм. Платила е:
- а) 12,58 лв.; б) 7,45 лв.; в) 7,92 лв.; г) 11,97 лв.
- 5** Фирма закупила 450 кг банани по 1,40 евро за килограм и ги продала за 2,10 евро за килограм. Печалбата на фирмата в евро е:
- а) 585; б) 945; в) 315; г) 630.
- 6** Симо купил 1,350 кг домати и платил 2,97 лв. Цената на килограм домати е:
- а) 4 лв.; б) 2,20 лв.; в) 4,95 лв.; г) 2 лв.
- 7** 25 шоколадови сладки тежат 300 грама. Колко тежат 90 такива сладки?
- а) 1 кг 80 г; б) 1 кг 800 г; в) 1,008 кг; г) 1,810 кг.
- 8** От града едновременно един срещу друг в 10 часа сутринта тръгват джип със скорост 96 км/ч и лека кола. Скоростта на колата е с 5,5 км/ч по-голяма от скоростта на джипа. В 11 ч джипът и леката кола не са се срещнали и разстоянието между тях е 20 км. Разстоянието между града е:
- а) 197,5 км; б) 187,5 км; в) 217,5 км; г) 207,5 км.
- 9** От една гара едновременно в промивноположни посоки тръгват два влака със скорости 80,5 км/ч и 70,5 км/ч. Намерете след колко време разстоянието между тях ще е 453 км:
- а) 1 час; б) 2 часа; в) 4 часа; г) 3 часа.

10

Моторна лодка изминала разстоянието между гъве пристанища за 8 часа, като се движела срещу течението на реката със скорост 15 км/ч. Ако скоростта на течението на реката е 2,5 км/ч, за колко време лодката ще измине обратния път?

- a) 7 часа; б) 6 часа; в) 5 часа; г) 4 часа.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
a	6	2	a	b	6	a	b	2	6